
MEMORANDUM

ISEBE LEMFUNDO LEMPUMA KOLONI
EASTERN CAPE EDUCATION DEPARTMENT
OOS-KAAP ONDERWYSDEPARTEMENT

IIMVIWO ZEBANGA LESHUMI ELINANYE
GRADE 11 EXAMINATIONS
GRADE 11-EKSAMEN

NOVEMBER 2008

WISKUNDE – DERDE VRAESTEL

Hierdie memorandum bestaan uit 8 bladsye.

VRAAG 1		
1.1.1	<p>5</p>	$\sqrt{0,35 - 0,20 \text{ en } 0,75 - 0,2} \text{ (metode)}$ $\sqrt{0,10} \text{ (metode)}$ (2)
1.1.2	$P(B \text{ and } M) = 0,2$ $P(M) \times P(B) = 0,26$ $\therefore P(B \text{ en } M) \neq P(B) \times P(M)$ $\therefore \text{Twee gebeurtenisse is statisties afhanklik}$	$\sqrt{0,26} \text{ (A)}$ $\sqrt{\text{Afleiding}} \text{ (CA)}$ (2)
1.2	$P(A) = 0,4$ $P(A \text{ or } B) = 0,9$ $\therefore P(B) = 0,9 - 0,4$ $= 0,5$	$\sqrt{\text{(metode)}}$ $\sqrt{0,5} \text{ (CA)}$ (2)
1.3.1	$a = 40$ $b = 80$ $c = 50$ $d = 200$	$\sqrt{a \text{ en } b}$ $\sqrt{c \text{ en } d}$ (2)

1.3.2	$P(\text{vegetariër}) = \frac{110}{200} = 0,55$	\checkmark 0,55
	$P(\text{vrou}) = \frac{150}{200} = 0,75$	\checkmark 0,75 (metode)
	$P(\text{vroulike vegetariër}) = \frac{70}{200} = 0,35$	\checkmark 0,35 (metode)
	$P(\text{vegetariër}) \times P(\text{vrou}) = 0,55 \times 0,7$ = 0,41	
	$\therefore P(\text{vegetariër}) \times P(\text{vrou}) \neq P(\text{vroulike vegetariër})$	
	Voorkeur van dieet is nie onafhanklik van geslag nie .	\checkmark (afleiding) (4) [12]

VRAAG 2

2.1	Stel die Wildekus gelyk aan W; Shamwari gelyk aan S en Oseanarium gelyk aan O.	(4)
		<u>Uitkomste</u>
2.2	<p>2.2.1 $P(W \text{ eerste}) = \frac{1}{3} = 0,33\dots$</p> <p>2.2.2 $P(W \text{ eerste en } S \text{ tweede}) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{6} = 0,166$</p> <p>2.2.3 $P(OWS \text{ in die orde}) = \frac{1}{3} \times \frac{1}{2} \times 1 = \frac{1}{6} = 0,16$</p>	\checkmark metode \checkmark $\frac{1}{3}$ (A), (2) \checkmark metode \checkmark $\frac{1}{6}$ (A) (2) \checkmark metode \checkmark $\frac{1}{6}$ (A) (2) Slegs antwoorde: volpunte [10]

VRAAG 3

3.1	$\begin{aligned} 13 - x + x + 14 - x + 14 + 5 + 13 + 4 + 8 &= 68 \\ -x &= 68 - 71 = -3 \\ x &= 3 \end{aligned}$ <p>OF</p> $\begin{aligned} 13 - x + x + 14 - x + 14 + 5 + 13 + 4 &= 60 \\ -x &= 60 - 63 = 3 \\ x &= 3 \end{aligned}$	\checkmark metode \checkmark korrekte vervanging $\checkmark x = 3 \text{ (CA)}$ (3)
3.2	8	$\checkmark 8$ (1)
3.3	Getal leerders wat die dieretuyn of oseanarium besoek, maar nie die slangpark nie = $13 - 3 + 5 + 4 = 19$	\checkmark metode, $\checkmark 19 \text{ (CA)}$ (2)
3.4	$\begin{aligned} P(\text{besoek een plek}) &= P(\text{slegs dieretuyn}) + P(\text{slegs oseanarium}) + \\ &\quad P(\text{slegs slangpark}) \\ &= \frac{10}{68} + \frac{4}{68} + \frac{11}{68} = \frac{25}{68} = 0,37 \end{aligned}$	\checkmark (metode) \checkmark vervanging $\checkmark 0,37 \text{ (CA)}$ (3)
3.5	$\begin{aligned} 3 + 5 + 14 + 13 &= 35 \text{ besoek ten minste 2 plekke} \\ \therefore \frac{35}{68} \times \frac{100}{1} &= 51,5\% \end{aligned}$	\checkmark som $\checkmark \frac{35}{68}$ \checkmark antwoord (3) [12]

VRAAG 4

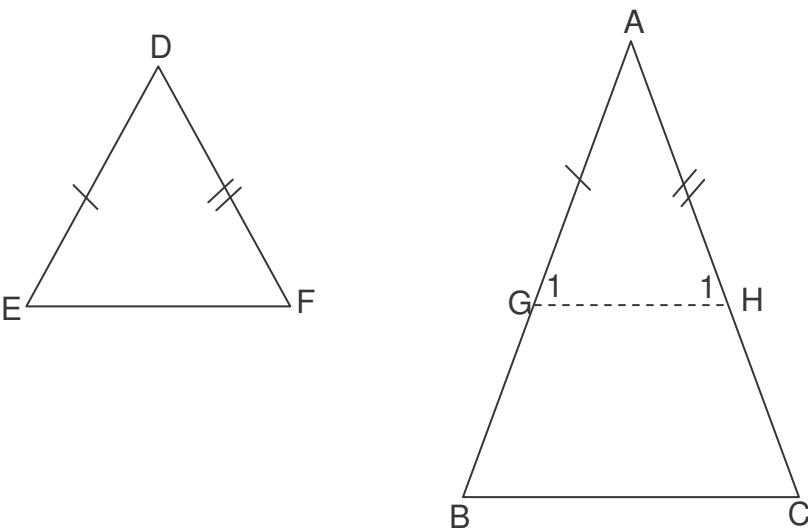
4.1.1	$\frac{35}{100} \times 2400 = 840$ <p>Daar is ongeveer 840 olifante in die park.</p>	\checkmark (metode) \checkmark antwoord (2)
4.1.2	Nee. Die aantal diere wat gewaar is, is te min ($\pm 4\%$)	\checkmark Nee. $\checkmark \checkmark$ rede
	<p>OF</p> <p>Ja. Daar is genoeg diere gewaar om 'n voorspelling te maak.</p>	<p>OF</p> \checkmark Ja. $\checkmark \checkmark$ rede (3) [5]

VRAAG 5		
5.1	<p>Groeikoers van olifante in Addo = $\frac{3\ 219 - 3\ 120}{3} = \frac{99}{3} = 33$ per jaar</p> <p>Groeikoers van olifante in Kruger = $\frac{3\ 000 - 2\ 802}{3} = \frac{198}{3} = 66$ per jaar</p> <p>Die Kruger Nasionaal het 'n beter groeikoers.</p>	✓ 33 ✓ 66 ✓ afleiding (3)
5.2	Groeikoers in Kruger = 2 (Groeikoers in Addo) Dus 2 : 1	✓✓ afleiding (2)
5.3.1	Addo (A)	✓ afleiding (1)
5.3.2	Nee. Berekenings toon dat Kruger 'n beter groeikoers het.	✓ nee ✓rede (2)
5.3.3	Verandering in skaal.	✓✓ afleiding (2) [10]

VRAAG 6		
6.1	$\triangle PQR \sim \triangle XYZ$. Die ooreenkomsstige sye is gelyk in verhouding, waar in $\triangle ABC$ nie alle ooreenkomsstige sye gelyk in verhouding is nie.	✓ $\triangle XYZ$ ✓✓ rede (3)
6.2.1	$\frac{CH}{HA} = \frac{x}{FA} \quad (FH \parallel BC)$ $\frac{16}{36} = \frac{x}{27}$ $\frac{4}{9} \cdot 27 = x$ $\therefore x = 12$	✓ metode ✓ vervanging ✓ metode ✓ antwoord (CA) (4)

6.2.2	$\frac{DE}{EA} = \frac{12}{27} = \frac{4}{9}$	✓ antwoord (CA) (1)
6.2.3	$\frac{BC}{FH} = \frac{AC}{AH}$ $BC = \frac{52.45}{36} = 65$ $\therefore 52^2 + 39^2 = 65^2$ $\therefore \triangle ABC \text{ is 'n reghoekig by } \hat{A}$	✓✓ metode ✓✓ vervanging ✓ $(52)^2$ en $\sqrt{(39)^2}$ ✓ afleiding (7) [15]

VRAAG 7

7.1	<p>Gegee: $\triangle ABC$ en $\triangle DEF$, $\hat{A} = \hat{D}$; $\hat{B} = \hat{E}$; $\hat{C} = \hat{F}$</p>  <p>Bewys: Plaas G op AB en H op AC sodat $DE = AG$ en $DF = AH$ $\therefore \triangle DEF \equiv \triangle AGH$ (S, A, S) $\therefore \hat{E} = \hat{G}_1$ kongruensie $\hat{G}_1 = \hat{B}$ $\therefore GH \parallel BC$ ooreenkomsige hoeke gelyk $\therefore \frac{AB}{AG} = \frac{AC}{AH}$ $\therefore \frac{AB}{DE} = \frac{AC}{DF}$ (DE = AG ; DF = AH)</p>	✓ konstruksie ✓ S ✓ R ✓ S ✓ S ✓ S ✓ S ✓ S (7)
-----	--	---

7.2.1	a) $P\hat{T}S = x$ verwisselende hoeke b) $Q\hat{T}R = 90^\circ - x$ Som van die hoeke van Δ maar $\hat{T}\hat{Q}R = 90^\circ$ $\therefore T\hat{Q}R = 90^\circ - (90^\circ - x)$ = x	$\sqrt{antw.}, \sqrt{rede}$ (2) $\sqrt{90^\circ - x}$ $\sqrt{90^\circ}$ $\sqrt{antwoord}$ (3)
7.2.2	In ΔPTQ en ΔQRT $\hat{P} = \hat{Q} = x$ $\hat{T} = \hat{R} = 90^\circ$ $\therefore \Delta PTQ \parallel \Delta QRT$ (gelykhoekig) $\frac{PQ}{QT} = \frac{TQ}{RT}$ $\therefore TQ^2 = PQ \cdot TR$	\sqrt{S} \sqrt{S} $\sqrt{S \& R}$ \sqrt{S} (4)
7.2.3	$\Delta TSP \parallel \Delta PTQ$ $\frac{TP}{PQ} = \frac{TS}{PT}$ $\therefore TP^2 = TS \cdot PQ$	\sqrt{S} \sqrt{S} (2)
7.2.4	$\frac{QT^2}{TP^2} = \frac{TR \cdot PQ}{ST \cdot PQ}$ $= \frac{TR}{ST}$ $= \frac{4}{1}$ $\therefore \frac{QT}{TP} = \frac{2}{1}$	\sqrt{S} \sqrt{S} \sqrt{S} $\sqrt{antwoord}$ (4) [22]

VRAAG 8			
8.1.1	$\begin{aligned} TC^2 &= TA^2 + AC^2 \\ &= y^2 + (2x)^2 \\ &= 4x^2 + y^2 \end{aligned}$ $AB = BC = x$	\checkmark stelling \checkmark vervanging \checkmark antwoord	(3)
8.1.2	$TB^2 = x^2 + y^2$	\checkmark antwoord	(1)
8.1.3	$\begin{aligned} TC^2 - TB^2 &= 4x^2 + y^2 - (x^2 + y^2) \\ &= 4x^2 + y^2 - x^2 - y^2 \\ &= 3x^2 \end{aligned}$	\checkmark metode \checkmark antwoord	(2)
8.2.1	$\ln \Delta PTS : PT^2 = PS^2 - TS^2$ $\ln \Delta STR : SR^2 = TS^2 + TR^2$ en $QS = SR$ $\begin{aligned} PT^2 + QS^2 &= PS^2 - TS^2 + TS^2 + TR^2 \\ &= PS^2 + TR^2 \end{aligned}$	\checkmark stelling \checkmark stelling \checkmark stelling \checkmark afleiding	(4)
8.2.2	$\ln \Delta PQR$ en ΔSTR $\hat{P} = \hat{T} = 90^\circ$ \hat{R} is gemeen $\therefore \Delta PQR \sim \Delta STR$	gegee \checkmark S \checkmark S \checkmark rede	(3)
8.2.3	$\frac{PR}{SR} = \frac{QR}{TR}$ $\therefore PR \cdot TR = SR \cdot QR$	\checkmark stelling	(1) [14]

TOTAAL: 100